

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

TEST ANTRENAMENT 16

- Se acorda 10 puncte din oficiu . Nota finală se calculează prin împărțirea la zece a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I și SUBIECTUL al II-lea

- Se punctează doar rezultatul, astfel : pentru fiecare răspuns se acordă fie cinci puncte, fie zero puncte.
- Nu se acordă punctaje intermediare .

SUBIECTUL al III-lea

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem ,se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punctaj, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1	a)	5p
2	b)	5p
3	b)	5p
4	c)	5p
5	a)	5p
6	b)	5p

SUBIECTUL II

(30 de puncte)

1	a)	5p
2	c)	5p
3	a)	5p
4	b)	5p
5	d)	5p
6	d)	5p

SUBIECTUL III

(30 de puncte)

1	a) 9h=540min , 540 min.....100% 54 min.....x % $x = \frac{54 \cdot 100}{540} = 10 \Rightarrow \text{procentul este } 10 \%$	1p 1p
	b) Primul robinet umple două bazine în 18 ore, iar al doilea umple trei bazine în 18 ore; \Rightarrow vom umple împreună cinci bazine în 18 ore \Rightarrow vor umple un bazin în 3 ore și 36 minute	1p 2p
2	a) $x^2 + 3x + 2 = x^2 + 2x + x + 2$ $= x(x + 2) + (x + 2) = (x + 1)(x + 2)$	1p 1p

	<p>b) $\frac{2}{x+2} + \frac{1}{x+1} - \frac{4}{x^2+3x+2} = \frac{3x}{(x+2)(x+1)}; 1 - \frac{1}{x+1} = \frac{x}{x+1};$</p> <p>$E(x) = \frac{3x}{(x+2)(x+1)} : \frac{x}{x+1} = \frac{3}{x+2}, unde, x \in \mathbb{R} - \{-2, -1\}$</p>	1p
		2p
3	<p>a) Se determină și se reprezintă într-un sistem de axe ortogonale xOy două puncte ale graficului. Se trasează graficul funcției f.</p>	1p
		1p
	<p>b) $P(2m; 3-m) \in G_f \Rightarrow 1-2m=3-m$ $\Rightarrow m = -2$</p>	2p
		1p
4	<p>a) BM- linie mijlocie în $\square ADF \Rightarrow M$ – mijlocul lui DF, DN- linie mijlocie în $\square ABE \Rightarrow N$ – mijlocul lui BE BDCF- paralelogram $\Rightarrow BD \parallel CE, BD \parallel CF$ și $BD \parallel CE \Rightarrow E, C, F$ – coliniare</p>	1p
		1p
	<p>b) BN,DM- mediane în $\square BCD \Rightarrow P$- centrul de greutate Fie $AC \cap BD = \{O\} \Rightarrow CO =$ mediană în $\square BCD \Rightarrow P \in CO \Rightarrow P \in AC$</p>	1p
		2p
5	<p>a) $AN=15m, NB^2=NA^2+AB^2 \Rightarrow NB^2=625 \Rightarrow NB=25m$ $A_{DNBM} = A_{ABCD} - A_{\square ANB} - A_{\square DCM} = 340 - 150 - 150 = 40m^2$ Fie $NT \perp DM, T \in DM, A_{DNBM} = NT \cdot DM \Rightarrow NT \cdot 25 = 40 \Rightarrow NT = 1,6m$</p>	1p
		1p
	<p>b) Fie E,F mijloacele segmentelor BN; respectiv DM; $EP \equiv FQ; EP \parallel FQ \Rightarrow EQFP$-paralelogram \Rightarrow centrul O, al dreptunghiului ABCD, este mijlocul lui PQ, respectiv EF;</p> <p>$EF \parallel AD \Rightarrow EO \parallel AN \Rightarrow \square EPO \sim \square NPA \Rightarrow \frac{OE}{AN} = \frac{OP}{AP} \Rightarrow \frac{1}{15} = \frac{OP}{AP};$</p> <p>$\Rightarrow \frac{1}{15+1} = \frac{OP}{AP+OP} \Rightarrow \frac{1}{15+1} = \frac{2 \cdot OP}{AC} \Rightarrow \frac{1}{16} = \frac{PQ}{AC} \Rightarrow AC = 16 \cdot PQ$</p>	1p
		1p
		1p
6	<p>a) AM și CM sunt mediane în triunghiurile echilaterale congruente VAB și VBC, deci $AM=CM=3\sqrt{3}$ cm Cum $AC=AB\sqrt{2}=6\sqrt{2}$ cm, obținem că perimetrul triunghiului AMC egal cu $6(\sqrt{3} + \sqrt{2})$ cm</p>	1p
		1p
	<p>b) OM este mediana corespunzătoare ipotenuzei în triunghiul dreptunghic isoscel VOM $\Rightarrow OM$ este și înălțime $\Rightarrow OM \perp VM$ $(VAB) \cap (VBD) = VB, AM \perp VB, OM \perp VB, AM \subset (VAB), OM \subset (VBD)$ de unde rezultă că $\square ((VAB), (VBD)) = \square (AM, MO) = \square AMO$</p> <p>$AO \perp (VBD) \Rightarrow AO \perp OM \Rightarrow \text{tg}(\square AMO) = \frac{AO}{OM} = \frac{3\sqrt{2}}{3} = \sqrt{2}$</p>	1p
		1p
		1p